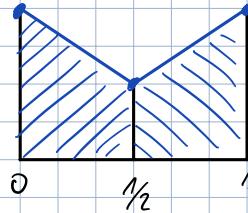


1) Metrový klobouk rozložime na dva kusy - kousek v uniformním náhodném hodi.

Bud' D délka delší části:

a) Jaké je rozdělení D ? $\rightsquigarrow U\left(\frac{1}{2}, 1\right)$

b) Určete $E(D)$. $\rightsquigarrow \frac{3}{4}$



\hookrightarrow protože distribuční funkce je 2D

3) Nechť $X_i \sim Exp(\lambda_i)$ pro $i = 1, \dots, n$, jsou n.n.v. Označme $M = \min(X_i)$.

Uvítka, že $M \sim Exp(\sum \lambda_i)$

$$X \sim Exp(\lambda) \Rightarrow F_X(x) = 1 - e^{-\lambda x}$$

$$M = \min(X_1, X_2, \dots, X_n) \Rightarrow M \sim Exp(\lambda_1 + \lambda_2 + \dots + \lambda_n)$$
$$X_i \sim Exp(\lambda_i)$$

$n=2$:

$$\min(X_1, X_2) := P(X_1 \leq x \vee X_2 \leq x) = 1 - e^{-\lambda_1 x} + e^{-\lambda_1 x} \cdot (1 - e^{-\lambda_2 x})$$
$$P(X_1 \leq x) \quad P(X_1 > x) \cdot P(X_2 \leq x)$$

$$- 2^{\text{hyde mi}} 1 - e^{-\lambda_1 x} \dots$$

5) Možme $U \sim U(0,1)$.

\nearrow šířkování
 \searrow posun

a) Jak vytvoříme $U(a,b)$? $\rightarrow A = U(b-a) + a$

b)

c) Jak vytvoříme uniformní rozdělení $\{1,2,\dots,6\}$

$$P(C=c) = P\left(\frac{c-1}{6} < U < \frac{c}{6}\right)$$

$\checkmark \rightarrow$ rozděluji uniformně do jednotlivých intervalů.

$$\lceil U \cdot 6 \rceil$$



6) Budě $X, Y, Z \sim U(0,1)$ n.n.v.

a) Jaké je rozdělení $X+Y$? (uváděte hustotu dvěma způsoby)

$$P_Z(z) = \sum_{x \in I_n X} p_X(x) \cdot p_Y(z-x)$$

$$f_Z(z) = \int_{-\infty}^{\infty} f_X(x) \cdot f_Y(z-x) dx$$

\curvearrowleft \curvearrowright

obrázek:



$$\text{polohu: } 0 \leq x \leq 1 \quad 0 \leq z-x \leq 1 \quad 1$$

jinak

0

$$\text{tahle 1 polohu: } -1 \leq x \leq +$$