

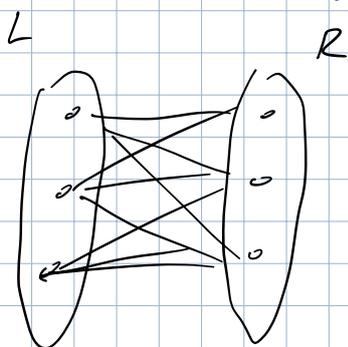
Def: G je *hmotově* k -souv. $\Leftrightarrow (\forall u,v) \exists$ alespoň „ k “ disj. cest mezi u,v .
 $\Leftrightarrow (\forall R \subseteq E) |R| < k \Rightarrow G-R$ souvislý
 - neexistuje řez menší jak k .

G je *vchodově* k -souv. $\Leftrightarrow (\forall u,v) \exists$ alespoň „ k “ vchodově *nitřní* disj. u,v -cest.
 $\Leftrightarrow (\forall R \subseteq V) |R| < k \Rightarrow G-R$ souvislý.

Pr. 1: Ukážete, že \forall kubický bipartitní graf je *nitřně* vchodově 2-souvislý.

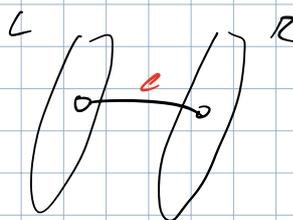
$\Leftarrow \forall e: \deg(e) = 3$

$\Leftarrow \forall v: \deg_{out}(v) \geq 2$



Sporem: (hmotově)

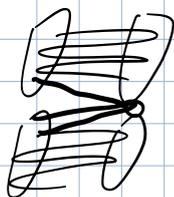
Ukažte, že mezi L, R most.



Ukažte, že $R \in E = \{e\}$, pak $|R| < k$,

avšak $G-R$ již není souvislý. 19

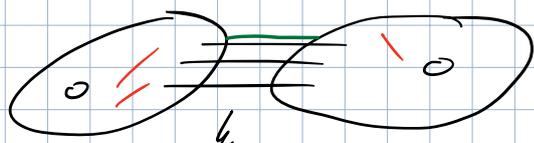
Sporem: (vchodově)



→ artikulační

Jedna z dvou artikulačních je most, takže dříve ke sporu 19

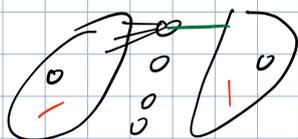
Pr. 2: Změna souvislosti při odebrání hrany nebo vrcholu.



(hmotová souvislost)

tato odebrání *vnitřní* souvislost
 tato odebrání *vnitřní* souvislost

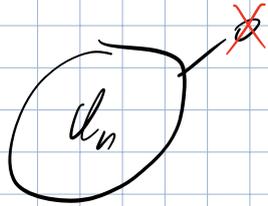
- navíc lze spoutat ale nejsou jin o jedním.



tato odebrání *vnitřní* souvislost (vchodová souvislost)

Odebrání vrcholů:

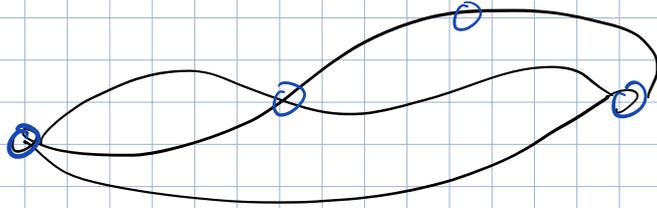
hromadná souv.:



- Měl jsem 1-souvistlost

- Pokud mít U_n souvislost.

o meziní



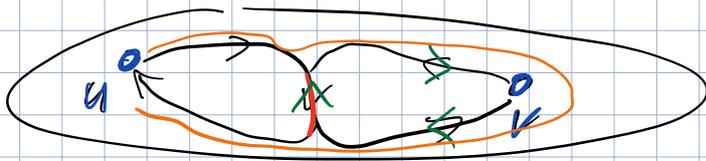
vrcholová souv.:

Můžu odstranit i začátek/konec cesty a získat tím souvislost

- můžu zrušit cestu, můžu zrušit vedlejší bod, můžu zrušit hlavní bod a vytvořit tak větší souvislost.

Pr.: 3

Ukažte, že pokud má graf silně souvislou orientaci hran, potom je hromadně 2-souvistlý.

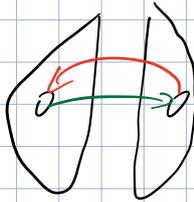


Tedy nejsou disjunktní, tedy odebrání by to nebylo. - nebyl by souvislý

Zrušením orientaci té hranice, pak cesta vždy najde

Pokud ale nějaká existenci cesty, nemusím vsadit orientaci.

Když nebyl 2-souvistlý:



Mám jen jednu hranu v řech.

Ale aby byl silně souvislý, musí existovat i druhá hranu.

Pr.: 4:

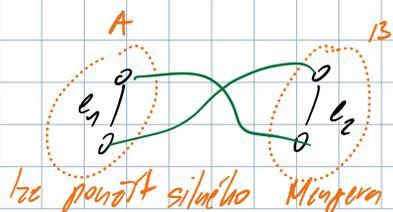
Mějme vrcholově 2-souvistlý graf $\Rightarrow \forall a, b \in V(G)$ leží na společné hranici. A B

$A: \forall a, b \exists \geq k$ disj. cest.



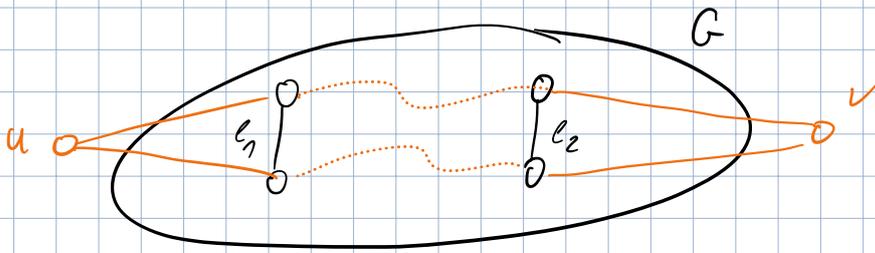
můžu zorientovat

$\Rightarrow \forall e_1, e_2 \in E(G)$ leží na společné hranici



to považovat silného Mengerova

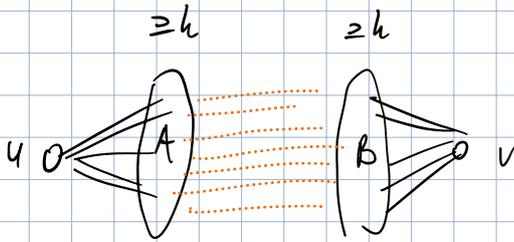
Jak to ale dokázat bez síťového Mengerova?



Aby platila 2-souvěratelnost,
musí pak existovat

2 disj. cesty mezi u, v .

Ty už jsou ale jednoznačně určeny.



Takhle můžeme 2 síťové vyhledávat sítě
a obráceně.

Uděláme dva vztahy síťové, přidáme vrcholy u, v .