

Oči musí být $\{1 \dots n\}$, když pro zadání je užívána postupnost a_i ,

tedy když kdežto k je jeho rozdílnost od dřívějšího k rovnou k.

$a_1 \ a_2 \ a_3 \ a_4$

1, 2, 3, 4

1, 2, 3, 4

3, 2, 3, 3, 4

Pro $n=4$ lze, např.:

Musí vytvořit CNF formulu:

$$\leftarrow (\dots \vee \dots) \wedge (\dots \vee \dots)$$

\hookrightarrow Mohl bych vytvořit DNF formulu:

$$\leftarrow (\dots \wedge \dots) \vee (\dots \wedge \dots)$$

1, 1, 4, 2, 3, 2, 4, 3

Mohl bych vytvořit DNF pro jednotlivý pozici (toto bych pak provedl do CNF) jinak je uspořádání podle zadání postupnosti a pak to přenést do CNF

Pro 1: 1, 1, 0, 0 ... 0, 0 Pro 2: 1, 0, 1, 0, ..., 0, 0

v

v

0, 1, 1, 0, ..., 0, 0

v

0, 1, 0, 1, 0, ..., 0, 0

v

:

:

\hookrightarrow Jelikož můžu ujmout všechny možnosti,

jinak je uspořádání podle zadání postupnosti

a pak to přenést do CNF

Pozorování!

- pro každou pozici prvního výsledku můžu jednoznačnou pozici dřívějšího výsledku vypočítat

Jednotlivé bych mohl mít:

\swarrow všechny možné uspořádání druhého dvojice, tedy tří

$a_1, a_2, a_3, \dots a_n$ pro číslo 1 a pozice 1 v

$((\dots \wedge \dots) \vee (\dots \wedge \dots) \vee \dots)$

\searrow To my říká rozložení jednotlivých provizorií

Nyní nutno zavést vztah mezi spojitelem

Pro pozici q_1 : $\neg(q_2 \vee q_3, \dots \vee q_n) \wedge \neg(q_2 \vee q_3, \dots \vee q_n) = A_1$

Tady potom ostatní dvojice neobsahují stejnou pozici

$A :=$ číslo 1

index 1 := pozice

Takhle se ale tuší, že dřívější CNF formulu:

\hookrightarrow Takhle bych mohl konstruovat pro každou pozici

Pro každou možnou výchozí pozici lze dřívější formulu vytvořit

\hookrightarrow Alespoň na jednu pozici musí číslo A uplatnit, tedy

$(A_1 \vee A_2 \vee \dots \vee A_{2^{n-h}})$ $2^{n-h} \rightarrow$ protože to je poslední pozice, kde můžu zavért, aby bylo možné byt = True, jinak nelze takovou poslední možnost uzavřít. 2^n číslo.

Tedy celheus minin:

$$(A_1 \vee A_2 \vee \dots \vee A_{2n-k}) \wedge (B_1 \vee B_2 \vee \dots \vee B_{2n-k}) \wedge \dots$$

Wdy A:-

$$q_{1;}\wedge \neg(q_{2;}\vee q_{3;}\vee\dots q_{n;})\wedge q_{1;+k}\wedge \neg(q_{2;+k}\vee q_{3;+k}\vee\dots q_{n;+k})$$

\hookrightarrow posice vinstream \hookrightarrow a jinde neobsazvan \hookrightarrow dlan' posice vinstream \hookrightarrow a jin e vinstream

$$= q_{1_i} \wedge \gamma_{q_2 i} \wedge \gamma_{q_3 i} \wedge \dots \wedge \gamma_{q_n i} \wedge q_{1_{ith}} \wedge \gamma_{q_2_{ith}} \wedge \gamma_{q_3_{ith}} \wedge \dots \wedge \gamma_{q_n_{ith}}$$

n-1 γ literatur

$$(a \wedge b) \vee (c \wedge d) = (a \vee (c \wedge d)) \wedge (b \vee (c \wedge d)) = (a \vee c) \wedge (a \vee d) \wedge (b \vee c) \wedge (b \vee d)$$

Takéž bych měl umět z $(A_1 \vee A_2 \vee \dots \vee A_{2^{n-k}})$, když $\forall A$ obstaruje formuli hrajíci udelel CNF.

Pak je definitie $(A_1 \vee A_2 \dots) \wedge (B_1 \vee B_2 \dots)$

Takto musíme jistě ověřit →

$$\neg ((a \wedge b) \vee (c \wedge d)) \wedge ((e \wedge f) \vee (g \wedge h)) \quad \approx$$

$$\tilde{\wedge} \left((a \vee c) \wedge (a \vee d) \wedge (b \vee c) \wedge (b \vee d) \right) \wedge \left((evg) \wedge (evh) \wedge (fvg) \wedge (fuh) \right)$$

ooō je a jednodušším:

$$(a \wedge b) \wedge (c \wedge d) \approx a \wedge b \wedge c \wedge d$$

Judičí:

$\exists (\text{arc}) \wedge (\text{ard}) \wedge (\text{arc}) \wedge (\text{ard}) \wedge (\text{evz}) \wedge (\text{evh}) \wedge (\text{fvz}) \wedge (\text{fvh})$

→ A table is
CNF!

$$(A_1 \vee A_2 \vee \dots \vee A_{2^{n-h}}) \wedge (B_1 \vee B_2 \vee \dots \vee B_{2^{n-h}}) \wedge \dots$$

C) Tedy i tedy formuli zle zapoví v CNF form.

Firmální tvorba CNF formulí:

Nechť $1 = A_1, 2 = B_1 \dots$

Pak $A_i := q_{1,i} \wedge q_{1,i+1} \wedge \neg q_{2,i} \wedge \neg q_{2,i+1} \wedge \dots \wedge q_{n,i} \wedge \neg q_{n,i+1} \wedge \neg q_{n,i+2} \wedge \dots \wedge q_{n,i+h}$

$\forall i : i+h \leq 2n \rightarrow$ abzah se vezme s vlastními do posloupnosti

Celkem tedy literálů je buď $n * 2n = 2n^2$

\nearrow \nwarrow
Každé číslo máme dřív v $2n$ pozic

\hookrightarrow ve shodného buď pozice trochu méně

Literály mají význam:

$q_{1,1}, q_{1,2}, q_{1,3} \dots q_{1,2n} \mid q_{2,1}, q_{2,2} \dots q_{2,2n}$

$1, 2, 3 \dots 2n, 2n+1, 2n+2, \dots, 2n^2$

$(A_1 \vee A_2 \vee \dots) \wedge$

\hookrightarrow je každý s každým $(\dots \vee \dots) \wedge \dots \wedge (\dots \vee \dots)$

"složky A"

"složky B"

Test pro $n=2$:

Totéž automaticky neje

Totéž automaticky neje

$(A_1 \vee A_2 \vee A_3 \vee A_4) \wedge (B_1 \vee B_2 \vee B_3 \vee B_4)$

1 2 3 4 5 6
 $(q_{1,1} \wedge \neg q_{2,1}) \vee (q_{1,2} \wedge \neg q_{2,2}) \vee (q_{1,3} \wedge \neg q_{2,3})$

$\wedge (1 \vee 3 \vee 5) \wedge (1 \vee 3 \vee 6) \wedge (1 \vee 4 \vee 5) \wedge (1 \vee 4 \vee 6) \wedge (2 \vee 3 \vee 5) \wedge$
1(2 \vee 3 \vee 6) 1(2 \vee 4 \vee 5) 1(2 \vee 4 \vee 6)

$$a_{1,1} \quad a_{1,2} \quad a_{1,3} \quad a_{1,4} \quad a_{2,1} \quad a_{2,2} \quad a_{2,3} \quad a_{2,4} \quad a_{3,1} \quad a_{3,2} \quad a_{3,3} \quad a_{3,4}$$

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12

$$(a_{2,1} \wedge a_{2,3} \wedge a_{1,1} \wedge a_{1,3}) \vee (a_{2,2} \wedge a_{1,2})$$

Implikativní způsob:

$$\bar{A} = (A_2 \rightarrow (A_1 \vee A_3)) \vee (A_3 \rightarrow (A_2 \vee A_4)) \vee \dots (A_{n-1} \rightarrow (A_{n-2} \vee A_n))$$

- tahleto je knoček číslo

Celkem to bude $\bar{A} \wedge \bar{B} \wedge \dots$

- kočkování mezi následující

$$(\alpha \rightarrow (\beta \vee \gamma)) \approx (\neg \alpha \vee (\beta \vee \gamma)) \vee (\neg \alpha \vee \beta \vee \gamma)$$

$$\bar{A} = (\neg A_2 \vee A_1 \vee A_3) \vee (\neg A_3 \vee A_2 \vee A_4) \vee \dots$$

$$\vee \neg A_2 \vee A_1 \vee A_3 \vee \neg A_3 \vee A_2 \vee A_4 \dots$$

$$\bar{B} = (B_3 \rightarrow (B_1 \vee B_5)) \vee (B_5 \rightarrow (B_3 \vee B_6)) \vee \dots$$

$$\vee \neg B_3 \vee B_1 \vee B_5 \vee \neg B_5 \vee B_3 \vee B_6$$

Implikativní způsob 2:

$$\bar{N} = (A_n \rightarrow (A_{n-1} \vee A_{n+1})) \vee (B_n \rightarrow (B_{n-1} \vee B_{n+1})) \dots$$

K pozici kde existuje validní rozložení prověřit

Musím celkem mít $\bar{1} \wedge \bar{2} \wedge \bar{3} \wedge \dots \wedge \bar{2N}$

\rightarrow Polad by $n \neq x$ bylo
mimo $\{0; 2n\}$, tak
automaticky méně dosadit
False

$n=1 \rightarrow$, final sequence = 6

$$\overline{A} = (\neg A_1 \vee \cancel{A_2} \vee A_2) \vee (\neg B_1 \vee \cancel{B_2} \vee B_3) \vee (\neg C_1 \vee \cancel{C_2} \vee C_6)$$

$$\overline{B} = (\neg A_2 \vee A_1 \vee A_3) \vee (\neg B_2 \vee \cancel{B_1} \vee B_5) \vee (\neg C_2 \vee \cancel{C_1} \vee C_5)$$

$$\overline{C} = (\neg A_3 \vee A_2 \vee A_5) \vee (\neg B_3 \vee B_1 \vee B_5) \vee (\neg C_3 \vee \cancel{C_2} \vee C_6)$$

$$\overline{1} = (\neg A_1 \vee A_3 \vee A_5) \vee (\neg B_1 \vee B_2 \vee B_6) \vee (\neg C_1 \vee C_2 \vee \cancel{C_7})$$

$$\overline{2} = (\neg A_5 \vee A_1 \vee A_6) \vee (\neg B_5 \vee B_3 \vee \cancel{B_1}) \vee (\neg C_5 \vee C_2 \vee \cancel{C_8})$$

$$\overline{3} = (\neg A_6 \vee A_5 \vee \cancel{A_2}) \vee (\neg B_6 \vee B_6 \vee \cancel{B_8}) \vee (\neg C_6 \vee C_3 \vee \cancel{C_9})$$

$$(\neg A_1 \vee A_2 \vee \neg B_1 \vee B_3 \vee \neg C_1 \vee C_6) \wedge$$

$$(\neg A_2 \vee A_1 \vee A_3 \vee \neg B_2 \vee B_4 \vee \neg C_2 \vee C_5) \wedge$$

Pro $n=1$, final sequence - 2

		1	2	3
	$A_1 \vee A_2$	$\neg A_1 \vee A_1$	$\neg A_2 \vee A_1$	$A_1 \vee A_2$
$(\neg A_1 \vee A_2) \wedge (\neg A_2 \vee A_1)$	1 0 0 1 1 1	1 1 0 0 1 1	1 0 1 1 1 1	0 1 1 0 1 1
				1

Tabelle als normale Wahrheitstafel, obige Lösungslinie muss existieren

$$\rightarrow + 1 (A_1 \vee A_2) \wedge (B_1 \vee B_2)$$

$n=2$: final sequence = 5

$$(\neg A_1 \vee A_2 \vee \neg B_1 \vee B_3) \wedge (\neg A_2 \vee A_1 \vee A_3 \vee \neg B_2 \vee B_4) \wedge (\neg A_3 \vee A_2 \vee A_4 \vee \neg B_3 \vee B_5)$$

$$1 (\neg A_4 \vee A_3 \vee \neg B_4 \vee B_2) \wedge (A_1 \vee A_2 \vee A_3 \vee A_4) \wedge (B_1 \vee B_2 \vee B_3 \vee B_4)$$

A_2, B_3 A_1, A_3, B_4 A_2, A_4, B_1
 A_3, B_2

$$\begin{aligned}
 & (A_1 \vee B_1) \wedge (A_1 \vee B_3) \wedge (A_2 \vee B_1) \wedge (A_2 \vee B_3) \\
 & (A_1 \wedge A_2) \vee (B_1 \wedge B_3) \\
 & \quad \wedge \\
 & (A_2 \wedge (A_1 \vee A_3)) \vee (B_2 \wedge B_1) \\
 & \quad \wedge \\
 & (A_3 \wedge (A_2 \vee A_1)) \vee (B_3 \wedge B_1) \\
 & \quad \wedge \\
 & (A_1 \wedge A_3) \vee (B_1 \wedge B_2)
 \end{aligned}$$

Universal / liberal \rightarrow False

$$\bar{A} = A_1 \vee B_1 \vee \dots \quad A_n = (A_n \wedge (A_{n-1} \vee A_{n+1}))$$

$$\bar{B} = A_2 \vee B_2 \vee \dots$$

$$(A_n \wedge (A_{n-1} \vee A_{n+1})) \vee (B_n \wedge (B_{n-2} \vee B_{n+2})) \vee (C_n \wedge (C_{n-3} \vee C_{n+3}))$$

DNF:

$$(A_n \wedge A_{n-1}) \vee (A_n \wedge A_{n+1}) \vee (B_n \wedge B_{n-2}) \vee (B_n \wedge B_{n+2}) \vee (C_n \wedge C_{n-3}) \vee (C_n \wedge C_{n+3})$$

$$(a \wedge b \wedge c) \wedge (d \wedge e \wedge f)$$

$(a \wedge b) \vee (c \wedge d) \vee (e \wedge f) \vee (g \wedge h)$

$(a \text{ AND } b) \text{ OR } (c \text{ AND } d) \text{ OR } (e \text{ AND } f) \text{ OR } (g \text{ AND } h)$

$e_1 \wedge e_2$

$e_1 \vee e_2$

Minimal forms

DNF	$(a \wedge b) \vee (c \wedge d) \vee (e \wedge f) \vee (g \wedge h)$
CNF	$(\bar{a} \vee \bar{c} \vee \bar{e} \vee \bar{g}) \wedge (\bar{a} \vee \bar{c} \vee \bar{e} \vee h) \wedge (\bar{a} \vee \bar{c} \vee f \vee g) \wedge (\bar{a} \vee \bar{c} \vee f \vee h) \wedge (\bar{a} \vee d \vee \bar{e} \vee \bar{g}) \wedge (\bar{a} \vee d \vee \bar{e} \vee h) \wedge (\bar{a} \vee d \vee f \vee g) \wedge (\bar{a} \vee d \vee f \vee h) \wedge (\bar{b} \vee c \vee \bar{e} \vee \bar{g}) \wedge (\bar{b} \vee c \vee \bar{e} \vee h) \wedge (\bar{b} \vee c \vee f \vee g) \wedge (\bar{b} \vee c \vee f \vee h) \wedge (\bar{b} \vee d \vee \bar{e} \vee \bar{g}) \wedge (\bar{b} \vee d \vee \bar{e} \vee h) \wedge (\bar{b} \vee d \vee f \vee g) \wedge (\bar{b} \vee d \vee f \vee h)$

Ude $a = c, e = g$

Každopádně můžu pro každou pozici generovat funkci komplet.

$n=1$

$n=2$