

Test 19. 4. 2022:

1)

a) Přijde o $X \sim \text{Bern}(\frac{1}{2})$

$$\mathbb{E}X = \frac{1}{2}$$

$$\frac{3}{4} \cdot 1 + \frac{1}{4} \cdot 2 = \frac{3}{4} + \frac{1}{2} = \frac{5}{4}$$

$$\frac{1}{2} \cdot 1 + \frac{1}{2} \cdot 2 = \frac{1}{2} + 1 = \frac{3}{2}$$

b)

2)

Úspěšných 80% - účilo se 75%

Nejúspěšných 20% - účilo se 25%

a) 80%

$$b) P(\text{úspěšný} | \text{účilo se}) = \frac{P(\text{úspěšný} \cap \text{účilo se}) = 0,6}{P(\text{účilo se}) = 0,65} = 0,923$$

$$c) P(\text{úspěšný} | \text{naučil se}) = \frac{P(\text{úspěšný} \cap \text{naučil se}) = 0,2}{P(\text{naučil se}) = 0,35} = 0,571$$

3)

Alice norm. rozdelení s $\mathbb{E}X = 6 \text{ m}$, $\sqrt{\text{Var}(X)} = 0,3 \text{ m}$ $\sigma^2 = 0,09$

Bob norm. rozdelení s $\mathbb{E}Y = 5,5 \text{ m}$, $\sqrt{\text{Var}(Y)} = 0,4$

$$a) P(X \leq 5,7) ? F_X(5,7) \quad \mu = 6 \quad N(6, 0,09)$$
$$= 0,1587$$

b) Uniformě vybírám 1-7, mím jeu klasickou kostkou

Mám 36 jiných možností po 5, zbyde mi jeden jeho „háček zavírat“.

X_1 := popravé padič i panen po sobě , v PoopP je $X_1 = 5, X_1 = 1$

$$X_1 \sim \text{Geom}\left(\frac{1}{2}\right)$$

$N(70, 20^2)$, urči procento pod 30, nad 90.

$$F_{X_1}(30) = 0,0228 \quad 1 - F_{X_1}(90) \approx \frac{90-70}{20} = 1 \\ 1 - 0,8413$$