

$$\bar{X}_n = \frac{X_1 + \dots + X_n}{n}$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} P(|\bar{X}_n - \mu| > \varepsilon) = 0$$

$\leq \frac{\sigma^2}{n \cdot \varepsilon^2}$

PF: Měřená hmotnosti má chybu $\sim N(0, \sigma^2)$, $\sigma = 1g$ (předpokládáme 2. měření)

Chceme \bar{X}_n s chybou $< 0,1g$ s pravdě 95%

→ Moc ječná věc

Postup 1: Použití slabého zákona velkých čísel:

Chceme $\varepsilon = 0,1, \sigma = 1$, n t.j. $\frac{\sigma^2}{n \cdot \varepsilon^2} < 0,05 \rightarrow n > 2000$ ✓

Postup 2: Vlastnosti normálního rozdělení:

$$X_1 + \dots + X_n \sim N(0, n \cdot \sigma^2), \text{ tedy } \bar{X}_n \sim N(0, \frac{\sigma^2}{n})$$

má nás násobek dělím n-krát

$$P(|X_n - 0| < 2 \sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}) = 0,95$$

$< 0,1$

$$n > 20^2 = 400$$

↳ Ještě dále normalizované rozdělení

Proč je 1. větší? Protože první postup je obecný a platí pro všechna rozdělení!

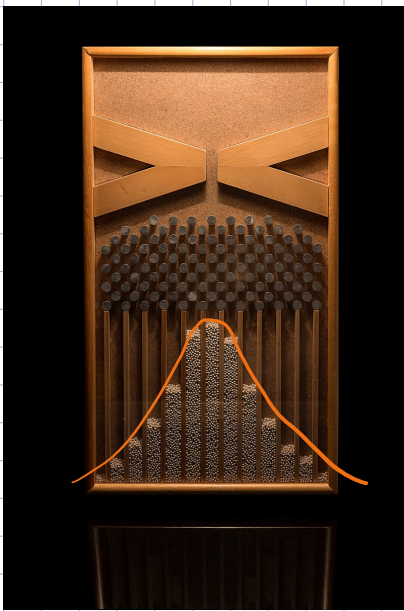
Thm: X_1, X_2, \dots n.n.v., všechny stejně rozdělené, s $E X_i = \mu$, nepřetlčené σ^2

$$Y_n = \frac{(X_1 + \dots + X_n) - n \cdot \mu}{\sigma \sqrt{n}} \quad \text{pak} \quad Y_n \xrightarrow{d} N(0,1)$$

což znamená: $\lim_{n \rightarrow \infty} F_{Y_n}(t) = \Phi(t) = \lim_{n \rightarrow \infty} P(Y_n \leq t) = \Phi(t)$

$$Y_n = \text{norm}(X_1 \dots X_n), \text{ kde normalizace je } \text{norm}(s) = \frac{s - ES}{\sqrt{\text{Var}(s)}}$$

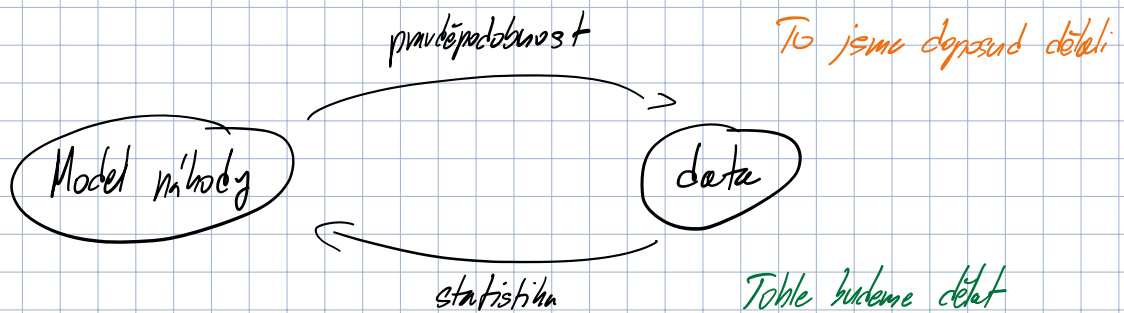
$\text{norm}(s)$ má $E = 0$
 $\text{var} = 1$



Y_{10} popisuje polohu zvrnk na lince

$$P(Y_{10} < t) = \Phi(t)$$

$$P(a < Y_{10} < b) = \Phi(b) - \Phi(a)$$



Populace ... obvyklé ČR (SZ)
 Vzorok ... podmnožim populace

Dujimá nás nejaka vlastnost
 té populace a její výskyt.

Dujimá nás zajímají ty vlastnosti
 které se nedají všechny proft vjítom

popisná statistika ... explorativní analýza

mat. statistika ... konfirmativní analýza

inferenční statistika

Problémy:

- nejasná otázka
- volba vzorku
- neúplná data
- outliers

→ chceme reprezentativní vzorok, tedy aby část vzorku bylo = část populace.

Tedy podle známku o velkých číslech musí volit náhodně.
 Uniformě

IQR - interquartile range: $Q\left(\frac{3}{4}\right) - Q\left(\frac{1}{4}\right)$

Jaké úlohy statistika řeší?

- bodové úlohy ... odhad neznámého čísla (průměr něčeho v populaci etc.)
- intervalové odhady ... interval (a, b) , kterým obsahuje průměr s velkou pravdě
- testování hypotéz ...

klauzura vs. ústní

- přirozený postup ... nah. výběr bez opakov.
- mat. heuristický postup ... -11 s opakováním