

Bayesovo: $P(B_j|A) = P(B_j) \cdot P(A|B_j) / \sum_i P(B_i) \cdot P(A|B_i)$ | d.m.v.
 Pois. prav.: A_1, \dots, A_n sú nezávislé, $P(A_i) = p_i$, $\sum_i p_i = \lambda$. Nechaj n kolík, že málo. Pak $\{J_{A_i}\}_{i=1}^n \sim \text{Pois}(\lambda)$. Máme rovnosť: $P_X(x) = P(X=x) = \sum_i P(X=x \wedge A_i) = \sum_i P(X=x \wedge Y=y) = \sum_i P_{X,Y}(x,y)$ | Umožňuje uvozovať: X, Y , $Z = X+Y$
 má posl. fcti $P(2=z) = \sum_i P(X=x \wedge Y=2-x)$ | $g(x,y) = x+y$, $2 = g(X,Y)$. $P_2(z) = P(2=z) = \sum_{x,y: g(x,y)=z} P(X=x \wedge Y=y) \rightarrow$ to je ak disjunktívnej sied. jež. tež. nezávisí. Hlavne sútočné
 Lin. E pre X, Y : X, Y n.v., alebo R: $E(aX+bY) = aE(X)+bE(Y)$ | $g(x,y) = ax+by$, $2 = g(X,Y)$. $E(2) = 2 \cdot P_2(2) = 2 \cdot \sum_{x,y: g(x,y)=2} P(X=x \wedge Y=y) = \sum_{x,y: g(x,y)=2} g(x,y) \cdot P(X=x \wedge Y=y)$ | Pro X, Y n.n.v.: $E(XY) = EX \cdot EY$
 Spoj. n.v. X, Z, f_X: $P(X=x) = 0$, $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f_X(t) dt$ | $= P(X \leq b) - P(X \leq a) = F_X(b) - F_X(a) = \dots = \int_a^b f_X(x) dx$. Ak bud $b = x$, $a = (b-1)/n$, tak pro $n \rightarrow \infty$ následuje $\lim_{n \rightarrow \infty} P(a \leq X \leq b) = P(a \leq X \leq b) + P(X=x)$
 X s.n.v. s F = F_X. $F(X) \sim U(0,1)$ | $Y = F(X)$, pre q.e. $0,1$ vtedy $x \in [0,1]$, $y = F(x)$. $P(Y \leq y) = P(F(X) \leq F(y)) = P(X \leq x) = F(x) = y$, teda F_y sútočne shodujú s U(0,1), teda $Y \sim U(0,1)$
 U $\sim U(0,1)$ a F distri. Bud Q odkazujúca fct. Pak $Q(U) \sim$ n.v. s dist. fct. f_U: $P(X \leq x) = P(Q(U) \leq x) = P(U \leq F_x) = F_x \rightarrow$ parciálne sútočne volejme. Pro následné uvozovať Q fct. a n.v. Q(U)
 Past □: $F = F_{X,Y}, P(X \in (a,b) \wedge Y \in (c,d)) = F(b,d) - F(a,d) - F(b,c) + F(a,c)$ | Náv. spoj. n.v. f_Z(z) = ∫_z ∫_∞ f_{X,Y}(x,y) dx dy | $\text{Exp}(x) \sim F_x = 1 - e^{-\lambda x}$, teda $Q(p) = \log(1-p)/\lambda$, $Q(u) = \log(1-u)/\lambda$
 O rozkladu hustoty: X s.n.v. $B_{n-1} \cup B_n$ následuje $\Omega \rightarrow F_X(x) = \sum_i P(B_i) F_{X|B_i}(x)$ | Slojdíme jasne: $P(A) = \sum_i P(B_i) \cdot P(A|B_i)$ | $A = (A \cap B_1) \cup (A \cap B_2) \cup \dots$, teda $P(A) = \sum_i P(A \cap B_i)$
 Markovova ner.: n.v. $X \geq 0$, $a \in \mathbb{R} > 0 \Rightarrow P(X \geq a) \leq \frac{E(X)}{a}$ | $\exists E(X) = P(X \geq a)E(X|X \geq a) + P(X < a)E(X|X < a) \geq P(X \geq a) \cdot a + 0$, teda formálne: $P(X \geq a \cdot E(X)) \leq 1/a$
 Čebys. ner.: $X \sim E(X) = \mu$, $\text{Var}(X) = \sigma^2 \Rightarrow P(|X-\mu| \geq \sigma) \leq 1/\sigma^2$, následne $P(|X-\mu| \geq k) \leq \frac{\sigma^2}{k^2}$ | $Y = (X-\mu)^2 \Rightarrow Y \geq 0$, $E(Y) = \sigma^2$ a myslí Markovovu nerov.
 Chernoffova ner.: $X = \sum_i X_i$ n.n.v. s hodnotami ± 1 s post. $1/2 \Rightarrow \forall \delta > 0: P(X \geq \delta) = P(X \geq \delta \cdot \sqrt{n}) \leq e^{-\delta^2/2}$, kde $\sigma = \sigma_X = \sqrt{n}$
 S2VC: X_1, X_2, \dots stejné rozdelené n.n.v. s $E(X_i) = \mu$, $\text{Var}(X_i) = \sigma^2$. $\bar{X}_n = \frac{1}{n} \sum_i X_i \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \bar{X}_n = \mu$ Skon. jistě (post. $\lambda = 1$)
 W2VC: $\forall \delta > 0: \lim_{n \rightarrow \infty} P(|\bar{X}_n - \mu| > \delta) = 0$ konverguje v pravdepodobnosti, $\bar{X}_n \xrightarrow{P} \mu$ | $E(\bar{X}_n) = (\sum_i E(X_i))/n = \mu$, jednoznačn. $\Rightarrow \text{Var}(\bar{X}_n) = (\sum_i \text{Var}(X_i))/n^2 = \sigma^2/n$, teda podľa Čebys.: $P(|\bar{X}_n - \mu| > \delta) \leq \frac{\sigma^2}{n \cdot \delta^2} \rightarrow$ to mení jasom dôlež. ako i riadok v akostnej min. počtu prípadov.
 CLV: X_1, X_2, \dots stejné rozdelené n.n.v. s $E(X) = \mu$, $\text{Var}(X) = \sigma^2$. Nachádzame $Y_n = ((\sum_i X_i) - n \cdot \mu) / (\sqrt{n} \cdot \sigma)$. Pak $Y_n \xrightarrow{D} N(0,1)$, teda postupne F_n je distri. fct. Y_n , prič. $\lim_{n \rightarrow \infty} F_n(x) = \Phi(x) \quad \forall x \in \mathbb{R}$
 E(X+Y) diskr.: $E(X+Y) = E(X) + E(Y)$ | $g(x,y) = x+y$: $E(g(X,Y)) = \sum_x \sum_y g(x,y) P(X=x \wedge Y=y) = \sum_x \sum_y (x+y) P(X=x \wedge Y=y) = \sum_x x \cdot P(X=x \wedge Y=y) + \sum_y y \cdot P(X=x \wedge Y=y) = \sum_x x \cdot P(X=x) + \sum_y y \cdot P(Y=y) = EX + EY$
 E(X-Y) n.n.v.: $E(X \cdot Y) = E(X) \cdot E(Y)$ pre n.n.v. | $E(X \cdot Y) = \sum_x \sum_y x \cdot y \cdot P(X=x \wedge Y=y) = \sum_x x \cdot P(X=x) \cdot \sum_y y \cdot P(Y=y) = \sum_x x \cdot P(X=x) \cdot \sum_y y \cdot P(Y=y) = EX \cdot EY$ | $\sum_y y \cdot P(Y=y) = \sum_y P(Y=y) = 1$
 Doplňok E(X): $E(X) = \sum_i P(B_i) \cdot P(X|B_i)$ | $E(X) = \sum_i x \cdot P(X=x) = \sum_i x \cdot \sum_j P(B_j) \cdot P(X|B_j) = \sum_i P(B_i) \cdot \sum_j x \cdot P(X=x|B_j) = \sum_i P(B_i) \cdot E(X|B_i)$
 Vlastnosti Emp. dis. fct.: $E(F_n(x)) = F(x)$, $\text{Var}(F_n(x)) = (F(x) \cdot (1-F(x))) / n$, $\hat{f}_n(x) \xrightarrow{P} F(x)$

Očekávaná hustota: Integrum / 2 $- \infty$ do $+\infty$ musí byť roven 1.