

Převod maxSAT \rightarrow 3-SAT:

klauzule $(l_1 \vee l_2 \vee \dots \vee l_n)$ pro $k > 3$:

nahradit klauzulemi: $(2 \vee l_1 \vee l_2)$ a $(2 \vee l_3 \vee l_4 \dots)$ $2 \rightarrow$ nové variály proměnných

\rightarrow Převod bude v polynomickém čase. Tedy $\in O(n^3)$ to určitě zvládneš.

\rightarrow Převod zahrnuje splňitelnost:

Obr:

Stará splňitelnost \Rightarrow nová splňitelnost

$$(2 \vee l_1 \vee l_2) -\text{polad } l_1 \vee l_2, 2=0$$

poklede $l_1 \vee (2 \vee l_3 \dots)$ bude pravda.

Opravě bude nejednou $l_1 \vee 2$ pravdivé, tudíž klauzule pravdivé, tudíž musíme nastavit $2=1$.

Stará splňitelnost \Leftarrow nová splňitelnost

Vybereme z.ř. klu $(2 \vee l_1 \vee l_2)$ muselo byt splňová pomocí $l_1 \vee l_2$.

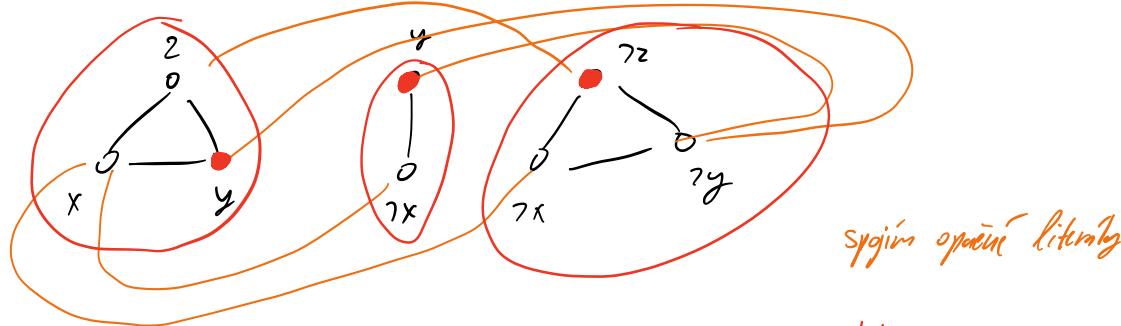
Lze byt splňová pomocí $l_i, i>2$. Tukdy to z nás může být „nezávisle“

3-SAT \rightarrow N2Mn

„V grafu existuje N2Mn vel. k, pokud je splňová formule s k klauzulami.“

Nájime 3-SAT:

$$(x \vee y \vee z) \wedge (\neg x \vee y) \wedge (\neg x \vee \neg y \vee \neg z)$$



Formule je splňitelná \Leftrightarrow \exists N2Mn
vel. odpovídající k.

vrcholy N2Mn

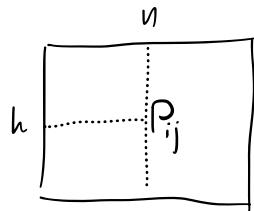
$NzMin$ \rightarrow SAT: graf s vrcholy $1 \dots n$, promítní $x_1 \dots x_n$ ($x_i = 1 \Leftrightarrow i \in N(x)$)

Triválně nastavím
všechny vrcholy
by splnilo obecnosti.

+ promítní p_{ij} pro $1 \leq i \leq h, 1 \leq j \leq n$

($p_{ij} \Leftrightarrow$ vrchol j je v pořadí
 $i - t_j$ v $NzMin$)

ve sloupci max $1 \rightarrow p_{ij} \Rightarrow \exists p_{ij} \quad 1 \leq i \leq h, 1 \leq j \leq n, i \neq i'$



V každém řádku je právě jedna
"1".
Ve sloupci nejde jedna "1".

v řádku max $1 \rightarrow p_{ij} \Rightarrow p_{ij} \quad i \neq i' \quad j \neq j'$

v řádku následně $1 \rightarrow p_{i1} \vee p_{i2} \vee \dots \vee p_{in}$

+ Celé propojení:

$$p_{ij} \Rightarrow x_j \quad (\neg p_{ij} \vee x_j)$$

Zmýšlení může jednotlivými krokami dokazuje korektnost.

3-SAT \rightarrow 3,3-SAT ($3,3SAT \rightarrow 3SAT$ je triviální, protože to je spec. případ 3-SATu).

Májme promítnutí x s #výslyty := $t > 3$.

\hookrightarrow vytvoříme promítnutí $x_1 \dots x_t$ (se stejnými obecnostmi)

+ přidáním libovolné:

$$\begin{aligned} x_1 &\Rightarrow x_2 \\ x_2 &\Rightarrow x_3 \\ &\vdots \\ x_{t-1} &\Rightarrow x_t \\ x_t &\Rightarrow x_1 \end{aligned}$$

\rightarrow každý literál se objevuje jen 2x.

Tahle konstrukce všechny stejné.

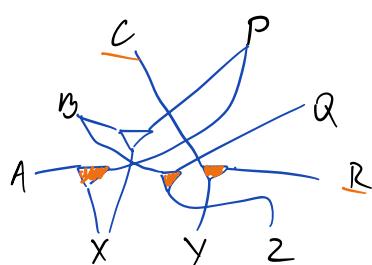
\rightarrow je v právě 1 trysce

3D-převod:

Vstup: matici $H, H, 2$

množina $T \subseteq H \times H \times 2$

Výstup: $1 \Leftrightarrow \exists T^1 \subseteq T : \forall p \in H, H, 2 \in T^1$



3S-SAT \rightarrow 3D párování:

Gadget pro párování:

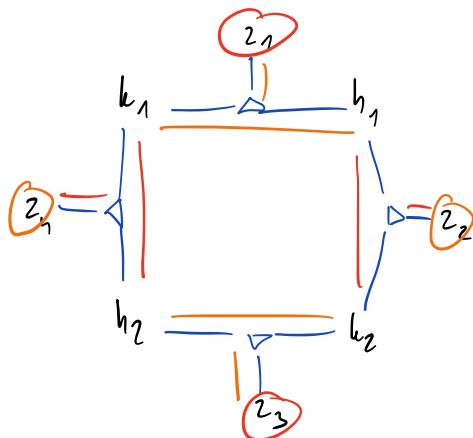
Jakými způsoby lze párování provést?

oříšek:

2 gadgets pro párování:

2 # pnm - # hranec

přidán tolik pán
univerzálních drážek
zřejmě

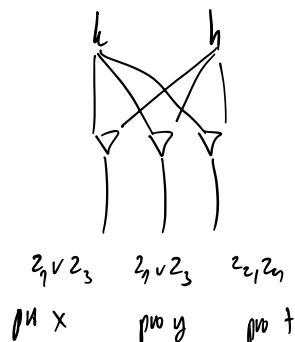


$$(L \wedge R) \vee (V \wedge D)$$

- = 0 všechny z_1, z_2, z_3
- = 1 všechny z_1, z_2, z_3

Gadget pro hranec:

$$x \vee y \vee \neg t$$



To je 3S-SAT.

Příjem vlastnost, že

každý literál se objeví
nejméně 2x, tedy musí
mít všechny závorky vyplněny z_i, z_{i+2}

Df: P je třída všech problemů řešitelných v polyn. čase $L \in P = \exists A \in \mathbb{P} \text{ poly.}$

t.i. $\forall x \in \{0,1\}^*$ A dlehož do $p(x)$ lze

$$A(x) = L(x).$$

Df: NP je třída problemů t.i. $L \in NP = \exists V \in P$

$$\forall x \in \{0,1\}^* L(x)=1 \iff \exists g \in \{0,1\}^* \text{ certifikát}$$

$$|g|=q(|x|) \wedge V(x,g)=1$$

verifikátor