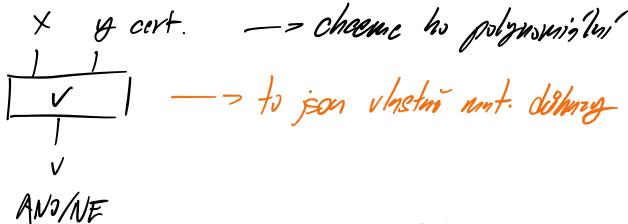


$$P \subseteq NP$$

Verifier:

- muss' k't folgen.



Qf: Lendo = $\exists \forall \epsilon P$ verifitator t.i. $\exists g$ polygon $\{x \in \mathbb{Z}^2, 1\}$ * vslop

$L(x) = 1 \iff \exists y \in \{0,1\}^* \text{ certifikat} \rightarrow \text{wäre ht vnp: model trivc SATU}$

$|y| \leq g(|x|) \text{ verifizierbar}$

$V(x, y) = 1 \text{ verifizierbar}$

$$\underline{P \subseteq NP}$$

L je přiroděný na U

Odf: NP-tekercs: Problem U je NP-török $\equiv \forall L \in NP: L \rightarrow U$

Ot: NP - úplný = novic k \in NP

Lemma: Ist $L \in P$ so ist L je NP -vöglig $\Rightarrow P = NP$.

Dh:

Nachst^{er} Le NP. Psh L \rightarrow U. Psh ale : Le P, jelihoz

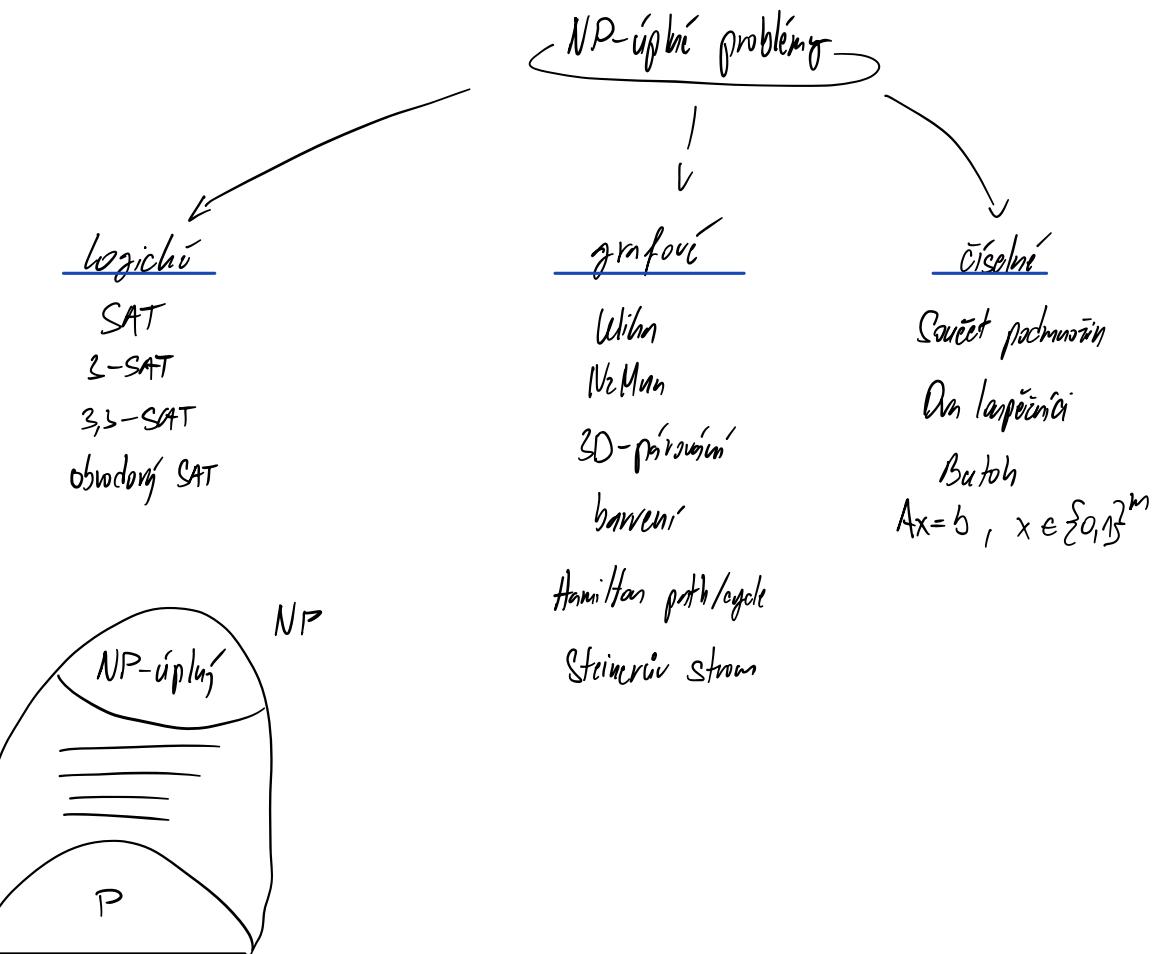
prend $L \rightarrow U$ je polygon ou il tangy, tendre je to cote polygonalism?

Vita: Česká: SAT je ND-úplný.

Lemma: Nicht $\mathcal{U}, \mathcal{L} \in NP$. $\mathcal{U} \rightarrow \mathcal{L}$, \mathcal{U} je NP -vplausibel $\rightarrow \mathcal{L}$ je NP -vplausibel.

Dh: Nicht $X \in NP$. Daß $X \rightarrow U \rightarrow L$. Tогда $X \rightarrow L$.

Tedy: L je NP-áphy.



Lemmatum: Pro $\nexists L \in P$, $\exists A$ algoritmus a $\exists f$ polynom:

$\forall n \in \mathbb{N} \quad A(n)$ dožívne do $f(n)$ kroku a správně hledáva síť B_n

s n vstupy a 1 výstupem

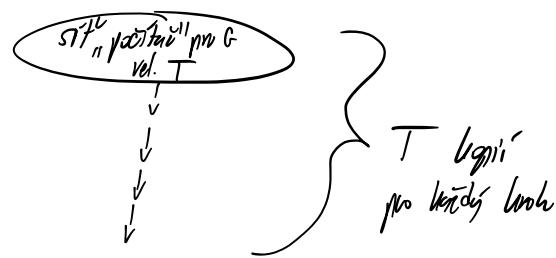
t.j. $\forall x \in \{0,1\}^n : B_n(x) = L(x)$.

"Ohe."

Nechť G je alg. řešení L v čase $\leq p(x)$. $\xrightarrow{\text{polynom}}$

Mějme délku vstupu n , $T := p(n)$

- tedy polynomický problém lze vyřešit pomocí polynomické hledávání sítí.



Věta: Obecný SAT je NP-úplný (Shor Cookova věta)

Chceme $L \rightarrow O\text{-SAT}$

Důkaz: Nechť $L \notin NP$, V jeho verifikátor, f polynom omezující délku diktum.

Pro vstup x délky n : $x = \begin{matrix} x \\ | \\ y \end{matrix}$ $|x| = n$ $|y| = g(n)$

Podle lemmatu o obecné užitelnosti obvod pro V na vstupech délky $ng(n)$.

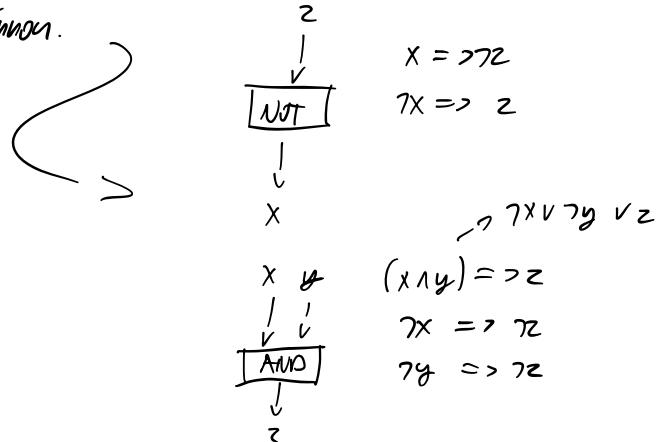
To V mi vrah určí délku vstupu pro O-SAT

Věta: D-SAT \rightarrow SAT

Obr: BÚNO: Obsahuje pouze NOT, AND (max. konstantní se mi to záleží)

Po výstupu každého hrdla zavřeme novou proměnnou.

To mi generuje formule SATu,
čímž dosáhnu přesného řešení.



Jak řešit NP-úplné problémy?

- 1) kvalitní vstup, nelepšování programu
- 2) speciální vlastnosti (např: bipartitické atd.)
- 3) omezení číselných vstupů
- 4) approximační algoritmy
- 5) heuristiky